

Практическая работа № 3

Задание 1.

Вычислить выражение из таблицы по вариантам.

1	$a = \frac{1,234 + \sqrt{7,983 + e^3} - \cos 45}{-36,924 + \sqrt[3]{-6,256} + \operatorname{tg} 23}$ $b = \sqrt[5]{7,456 + \cos^2 5 - \sin^3 5}$ $c = \begin{cases} (a^3 - b^2) + (a^5 + b^7), & \text{если } a \geq b \\ a^2 - b^2, & \text{иначе} \end{cases}$	2	$a = \frac{-7,345 \cdot \cos 3 + \sqrt{9,123 \cdot \frac{4,7}{e^2}}}{\sqrt[3]{4,678 - \operatorname{tg} 34}}$ $b = 345,7 - \sqrt[7]{27} - \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot \sin 5$ $c = \begin{cases} \sqrt{ \ln a } + b^2, & \text{если } a > 0 \\ \frac{a^2}{b^2}, & \text{иначе} \end{cases}$
3	$a = \frac{\lg 20 + e^2 - 1,234^7 + \sin 7}{\ln 1 + \ln 3 + \ln 5}$ $b = 5,987^3 - 1,678^{\cos 5} + 9,765^{\ln 7}$ $c = \begin{cases} \sqrt[3]{\sin^2 a + \cos^2 b}, & \text{если } a > b \\ \sqrt[2]{\sin^3 b + \cos^3 a}, & \text{иначе} \end{cases}$	4	$a = (e^3 + e^2) \cdot (\ln 2 - \ln 1,57) - \sqrt[7]{25,7}$ $b = 1,45^5 - 5,896 \cdot \sqrt{3\sqrt{5} \cdot \frac{44}{5,76}}$ $c = \begin{cases} \ln a + b + \sqrt{a + b}, & \text{если } a \leq b \\ \cos a + \sin b, & \text{иначе} \end{cases}$
5	$a = \frac{1,234 + \sqrt{7,983 + e^3} - \cos 45}{-36,924 + \sqrt[3]{-6,256} + \operatorname{tg} 23}$ $b = 5,987^3 - 1,678^{\cos 5} + 9,765^{\ln 7}$ $c = \begin{cases} \sqrt{ \ln a } + b^2, & \text{если } a > 0 \\ \frac{a^2}{b^2}, & \text{иначе} \end{cases}$	6	$a = \frac{1,234 + \sqrt{7,983 + e^3} - \cos 45}{-36,924 + \sqrt[3]{-6,256} + \operatorname{tg} 23}$ $b = 1,45^5 - 5,896 \cdot \sqrt{3\sqrt{5} \cdot \frac{44}{\sin 5,76}}$ $c = \begin{cases} \ln a + b + \sqrt{a + b}, & \text{если } a \leq b \\ \cos a + \sin b, & \text{иначе} \end{cases}$
7	$a = \frac{\lg 20 + e^3 - 1,234^{\sqrt{7}} + \sin 4,6}{\lg 1 + \ln 3}$ $b = 5,987^3 - 1,678^{\cos 5} + 9,765^{\ln 7}$ $c = \begin{cases} \sqrt[3]{\sin^2 a + \cos^2 b}, & \text{если } a > b \\ \sqrt[2]{\sin^3 b + \cos^3 a}, & \text{иначе} \end{cases}$	8	$a = \frac{-7,234 + \sqrt{e^3} - \cos 45}{-31,927 + \sqrt[3]{-6,256}}$ $b = 1,45^5 - 8,896 \cdot \sqrt{5\sqrt{5} \cdot \frac{44}{\sin 5,76}}$ $c = \begin{cases} \lg a + b + \sqrt{a + b}, & \text{если } a \leq b \\ \cos a^2 + \sin b^2, & \text{иначе} \end{cases}$

9	$a = \frac{\ln 20 + e^3 - 7,234^{\sqrt{7}} + \cos 4,6}{\ln 1 + \ln 3}$ $b = 5,987^3 - 1,678^{\cos 5} + 9,765^{\ln 7}$ $c = \begin{cases} \sqrt[3]{a + \cos^2 b}, & \text{если } a > b \\ \sqrt[2]{\sin^3 b + a}, & \text{иначе} \end{cases}$	10	$a = \frac{9,134 - \sqrt{5,983 + e^2} - \sin 45}{-36,924 + \sqrt[3]{-6,256} + \operatorname{tg} 23}$ $b = 5,987^3 - 1,678^{\cos 5} + 9,765^{\ln 7}$ $c = \begin{cases} \sqrt{ \lg a + b } + b^2, & \text{если } a > 0 \\ \frac{a^2}{b^2}, & \text{иначе} \end{cases}$
---	--	----	---

Задание 2.

Найти сумму 25 членов числового ряда $S=1-2+4-8+16-32+\dots$

ПОДСКАЗКА. Здесь каждый следующий член ряда равен предыдущему, умноженному на -2. $U_{n+1} = U_n(-2)$.

Задание 3.

Составить циклическую программу вычисления.

1	$\sin x + \sin^2 x + \dots + \sin^n x$, для $n=1..5$ и $x=3,1$	2	$\sin x + \sin^2 x + \dots + \sin^n x$, для $n=1..6$ и $x=2,5$
3	$\sin 1 + \sin(1+2) + \sin(1+2+3) + \dots$ $+ \sin(1+2+\dots n)$, для $n=1..10$	4	$\frac{1}{x} + \frac{2}{x^2} + \frac{3}{x^3} + \frac{4}{x^4} + \frac{5}{x^5}$ для $x=3,456$
5	$\sin x + \sin(2x) + \sin(3x) + \dots + \sin(nx)$, для $n=1..10$ и $x=2,1$	6	$S = \cos(1) + \cos(2) + \cos(3) + \dots + \cos(n)$ для $n=1..15$ и $x=3,1$
7	$x + x^2 + \dots + x^n$, для $n=1..5$ и $x=3,1$	8	$\cos 1 + \cos(1+2) + \cos(1+2+3) + \dots$ $+ \cos(1+2+\dots n)$, для $n=1..10$
9	$S = \sin(x-1) + \sin(x-2) + \sin(x-3) + \dots + \sin(x-n)$ для $n=1..15$ и $x=2,1$	10	$\frac{1}{x} + \dots + \frac{5}{x^9}$ для $x=3,456$

Задание 4.

Составить программу нахождения суммы бесконечного ряда.

1	$F(x) = x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} + \dots + \frac{x^n}{n}$ <p>для $x = 0,61$ eps = 0,01</p>	2	$F(x) = x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \dots + \frac{x^{2n-1}}{2n-1}$ <p>для $x = 0,21$ eps = 0,01</p>
3	$F(x) = x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^4}{4} + \dots + \frac{x^{2n}}{2n}$ <p>для $x = 0,51$ eps = 0,01</p>	4	$F(x) = 1 + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^4} + \dots + \frac{1}{x^{2n}}$ <p>для $x = 5,1$ eps = 0,01</p>
5	$F(x) = \frac{1}{x} + \frac{2}{x^2} + \frac{3}{x^3} + \dots + \frac{n}{x^n}$ <p>для $x = 3,451$ eps = 0,01</p>	6	$F(x) = x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \dots + \frac{x^{2n-1}}{2n-1}$ <p>для $x = 0,21$ eps = 0,01</p>
7	$F(x) = x + \frac{x}{3} + \frac{x}{5} + \dots + \frac{x}{2n-1}$ <p>для $x = 21,6$ eps = 0,01</p>	8	$F(x) = x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \dots + \frac{x^{2n-1}}{2n-1}$ <p>для $x = 1,6$ eps = 0,01</p>
9	$F(x) = \frac{1}{x} + \frac{2}{x^2} + \frac{3}{x^3} + \dots + \frac{n}{x^n}$ <p>для $x = 3,451$ eps = 0,01</p>	10	$F(x) = 1 + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^4} + \dots + \frac{1}{x^{2n}}$ <p>для $x = 5,1$ eps = 0,01</p>

Задание 5.

Как известно, индийский владетель расплатился с изобретателем шахмат следующим образом: на первую клетку шахматного поля было положено одно зерно, на вторую - два, на третью - четыре (2^2), на четвертую - восемь (2^3) и т. д. На последнюю, 64-ую клетку было положено 2^{63} зерен. Сколько зерна получил изобретатель шахмат, если одно зерно весит 0,3 г.?

Ответ надо представить не в штуках, а в единице измерения массы.